



**CONCURSUL JUDEȚEAN DE MATEMATICĂ ”NICU ȘERBAN”**  
**EDIȚIA a X-a, 19 noiembrie 2022**  
**CLASA a VI-a**

**SUBIECTUL I (40 puncte)**

- Determinați  $x$  din egalitatea:  
$$1 + 3 \cdot \{4^2 + 5 \cdot [3^6 - (x - 3 \cdot 2^5)]\} + 2022^0 = 2000$$
- Să se afle trei numere naturale, știind că două câte două au media aritmetică egală respectiv cu 13, 17 și 16.

**SUBIECTUL II (30 puncte)**

- Fie mulțimile:  
$$A = \{x \in \mathbb{N} / x \leq a: 21, \text{unde } a = 1 + 2 + 3 + \dots + 20\}$$
$$B = \{y \in \mathbb{N} / 8 < y - 1 \leq 14\}$$
Calculați  $A \cup B$ ;  $A \cap B$ ;  $A \setminus B$  și  $B \setminus A$ .
- Să se arate că numărul  $A = 5 + 5^2 + 5^3 + \dots + 5^{2022}$  este divizibil cu 30.

**SUBIECTUL III (20 puncte)**

- Determinați cel mai mic număr natural  $n$ , astfel încât  $\frac{8^{2n+3} - 4^{3n+2} - 2^{6n+6}}{2^{2023} - 2^{2022} - 2^{2021}}$ , să fie număr natural.
- Calculați suma:  $S = \frac{1}{6} + \frac{1}{18} + \frac{1}{36} + \dots + \frac{1}{330}$ .

**Notă:**

- *Toate subiectele sunt obligatorii.*
- *Timp de lucru 2 ore.*
- *Se acordă 10 puncte din oficiu.*



**CONCURSUL JUDEŢEAN DE MATEMATICĂ ”NICU ŞERBAN”**

**EDIŢIA a X-a, 19 noiembrie 2022**

**CLASA a VI-a**

**Barem de corectare**

**SUBIECTUL I.1**

$1 + 3 \cdot \{16 + 5 \cdot [729 - (x - 3 \cdot 32)]\} + 1 = 2000$	3p
$3 \cdot \{16 + 5 \cdot [729 - (x - 96)]\} = 1998$	3p
$16 + 5 \cdot [729 - (x - 96)] = 666$	3p
$5 \cdot [729 - (x - 96)] = 650$	3p
$729 - (x - 96) = 130$	3p
$x - 96 = 596$	3p
$x = 692$	2p

**SUBIECTUL I.2**

$\text{fie } \frac{a+b}{2} = 13; \frac{b+c}{2} = 17 \text{ şi } \frac{c+a}{2} = 16$	5p
$a + b = 26; b + c = 34; c + a = 32$	5p
$a + b + c = 46$	5p
$a = 12; b = 14; c = 20$	5p

**SUBIECTUL II.1**

$a = 1 + 2 + 3 + \dots + 20 = 20 \cdot (20 + 1) : 2$	2p
$a = 210$	2p
$x \leq 10$	2p
$A = \{0,1,2, \dots, 10\}$	1p
$8 < y - 1 \leq 14 \mid + 1 \Rightarrow 9 < y \leq 15$	2p
$B = \{10,11,12,13,14,15\}$	2p
$A \cup B = \{0,1,2, \dots, 15\}$	1p
$A \cap B = \{10\}$	1p
$A \setminus B = \{0,1,2, \dots, 9\}$	1p
$B \setminus A = \{11,12,13,14,15\}$	1p



### SUBIECTUL II.2

$A = (5 + 5^2) + (5^3 + 5^4) + \dots + (5^{2021} + 5^{2022})$	5p
$A = (5 + 25) + 5^2(5 + 5^2) + \dots + 5^{2020}(5 + 5^2)$	5p
$A = 30 + 5^2 \cdot 30 + \dots + 5^{2020} \cdot 30$	3p
$A = 30 \cdot (1 + 5^2 + \dots + 5^{2020}) : 30$	2p

### SUBIECTUL III.1

fracţia se poate scrie sub forma: $\frac{(2^3)^{2n+3} - (2^2)^{3n+2} - 2^{6n+6}}{2^{2021} \cdot (2^2 - 2^1 - 1)}$	3p
$\frac{2^{6n+9} - 2^{6n+4} - 2^{6n+6}}{2^{2021}}$	2p
$\frac{2^{6n+4} \cdot (2^5 - 1 - 2^2)}{2^{2021}}$	2p
$\frac{27 \cdot 2^{6n+4}}{2^{2021}}$ este număr natural dacă $6n + 4 \geq 2021$	2p
$n \geq \frac{2017}{6}$ . Cum $n \in N \Rightarrow n = 337$	1p

### SUBIECTUL III.2

$S = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \dots + \frac{1}{110} \right)$	4p
$S = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{10 \cdot 11} \right)$	2p
$S = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{10} - \frac{1}{11} \right)$	2p
$S = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{11} \right)$	1p
$S = \frac{1}{3} \cdot \frac{10}{11} = \frac{10}{33}$	1p

Oficiu: 10p

Orice variantă corectă de rezolvare va fi punctată.